



# آکادمی آنلاین تیزلاین

## قوی ترین پلتفرم آموزشی تیز هوشان

برگزار کننده کلاس های آنلاین و حضوری تیز هوشان ✓

و المپیاد از پایه چهارم تا دوازدهم

آزمون های آنلاین و حضوری ✓

مشاوره تخصصی ✓

با اسکن QR کد روبرو  
وارد صفحه اینستاگرام  
آکادمی تیزلاین شو و از  
محتواهای آموزشی  
رایگان لذت ببر



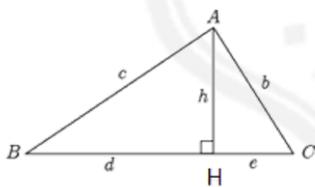
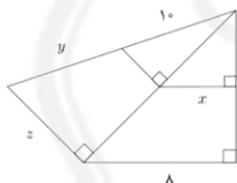
برای ورود به صفحه اصلی سایت آکادمی تیزلاین کلیک کنید

برای دانلود دفترچه آزمون های مختلف برای هر پایه کلیک کنید

برای مطالعه مقالات بروز آکادمی تیزلاین کلیک کنید



| ردیف | پیکر با رویاهای بزرگ، قدرتمندتر از یه شخص با تمام حقیقت هاست.   | بارم |
|------|---|------|
| ۵    | به ازای چه مجموعه مقادیری از $m$ ، منحنی به معادله $y = (m - 2)x^2 - 2(m + 1)x + 12$ ، محور $x$ ها را در دو نقطه به طول منفی، قطع می‌کند؟                         | ۱/۵  |
| ۶    | دو نقطه $A(14, 3)$ و $B(10, -13)$ را در نظر بگیرید. فاصله‌ی مبدأ مختصات را از وسط پاره‌خط $AB$ بیابید.  | ۱    |
| ۷    | جواب معادله را به دست آورید.  | ۰/۷۵ |
| ۸    | بدون حل معادله $x^2 - 3x - 1 = 0$ حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید<br>الف) $\alpha^2 + \beta^2$ (ب) $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ (پ) $4\alpha + 4\beta$ | ۰/۷۵ |
| ۹    | در شکل زیر مقادیر $x, y, z$ را بیابید.  | ۱/۲۵ |
| ۱۰   | اگر در مثلث قائم الزاویه زیر $e = 4$ و $d = 9$ باشد، با کمترین محاسبه ممکن مقادیر مجهول $c$ و $h$ و $b$ را بیابید.  | ۱    |
| ۱۱   | قضیه اساسی تشابه را بیان و آن را اثبات کنید.  | ۱    |



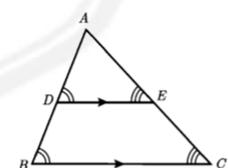
| ردیف | سوال  | بار  |
|------|---|------|
| ۱۲   | هرگز تسلیم نشوید، امروز سخت است و فردا سخت‌تر، اما پس فردا روز روشنی برای تان خواهد بود<br>با استفاده از برهان خلف ثابت کنید: اگر $n^2$ مضرب ۳ باشد، آنگاه $n$ مضرب ۳ است ( $n \in \mathbb{Z}$ )                  | ۱    |
| ۱۳   | الف) عکس قضیه زیر را بنویسید.<br>"اگر دو ضلع یک مثلث با هم برابر باشند، آنگاه ارتفاع‌های وارد بر آن دو ضلع با هم برابرند."<br>ب) برای رد حدس کلی زیر، مثال نقض ارائه کنید.<br>"مجموع هر دو عدد گنگ عددی گنگ است." | ۱    |
| ۱۴   | مقادیر $a$ و $b$ را طوری به دست آورید که تابع داده شده، تابعی یک به یک باشد.<br>$f = \{(-2, a+b), (a-2b, 5), (6, 1), (-2, 4), (1, 5)\}$   | ۱    |
| ۱۵   | معادله زیر را حل کنید.<br>$[2x - 1] = 5$  | ۱    |
| ۱۶   | توابع $f(x) = x - 1$ و $g(x) = \sqrt{4 - x^2}$ مفروض هستند. مقدار عددی $\frac{(g^2 + 2f)(2)}{f - 1(-2)}$ را بدست بیاورید.   | ۱/۲۵ |
| ۱۷   | آیا دو تابع با ضابطه $f(x) = \frac{x^2 - 4}{x - 2}$ و $g(x) = x + 2$ با هم برابر هستند، چرا؟  | ۱    |
| ۱۸   | وارون تابع $f(x) = 2x + 1$ را به دست آورید.   | ۱    |
| ۱۹   | مقدار عددی عبارت زیر را به دست آورید.<br>$\frac{\tan \frac{\pi}{8} \cot \frac{\pi}{8} - \tan^2 \frac{\pi}{3}}{2 \sin^2 \frac{\pi}{4} + \sqrt{3} \cot \frac{\pi}{6}} =$  | ۱/۲۵ |





| ردیف | بزرگترین ترس ما نباید شکست باشد، بلکه باید ترس از موفقیت در موارد بی اهمیت باشد...   | بارم |
|------|--|------|
| ۱    | درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید.  | ۱    |
|      | الف- درست      ب- درست      پ- درست      ت- نادرست   |      |
| ۲    | جاهای خالی را کامل کنید.   | ۱    |
|      | الف) ۱      ب) طولها      پ) ۲۵      ت) ۵۷   |      |
| ۳    | گزینه مناسب را انتخاب کنید.  | ۱    |
|      | الف) گزینه ۱      ب) گزینه ۲      پ) گزینه ۲      ت) گزینه ۲   |      |
| ۴    | $x^2 - 10x^2 + 9 = 0$ $x^2 = A$ $A^2 - 10A + 9 = 0 \rightarrow (A-9)(A-1) = 0 \rightarrow \begin{cases} A=9 \rightarrow x^2=9 \rightarrow x=\pm 3 \\ A=1 \rightarrow x^2=1 \rightarrow x=\pm 1 \end{cases}$  | ۱/۲۵ |
| ۵    | $y = (m-2)x^2 - 2(m+1)x + 12$ $\Delta > 0 \rightarrow b^2 - 4ac > 0 \rightarrow (-2(m+1))^2 - 4(m-2)(12) > 0$ $\rightarrow 4m^2 + 8m + 4 - 48m + 96 > 0 \rightarrow m^2 - 10m + 25 > 0 \rightarrow (m-5)^2 > 0 \rightarrow m \neq 5^*$ $S < 0 \rightarrow \frac{-b}{a} < 0 \rightarrow \frac{+2(m+1)}{(m-2)} < 0 \rightarrow -1 < m < 2^*$ $P > 0 \rightarrow \frac{c}{a} > 0 \rightarrow \frac{+12}{m-2} > 0 \rightarrow m-2 > 0 \rightarrow m > +2^*$ $*m = \emptyset$ | ۱/۵  |
| ۶    | $M \left( \frac{10+14}{2}, \frac{-13+3}{2} \right) \rightarrow M(12, -5)$ $OM = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(12)^2 + (-5)^2} = \sqrt{144 + 25} = \sqrt{169} = 13$   | ۱    |
| ۷    | $\frac{1}{x} + \frac{2}{x+1} = 2 \rightarrow \frac{x+1+2}{x(x+1)} = \frac{2}{1} \rightarrow 2x^2 + 2x = x+3 \rightarrow 2x^2 + x - 3 = 0 \rightarrow \begin{cases} x=1 \\ x=-\frac{3}{2} \end{cases}$  | ۰/۷۵ |



| ردیف | یک نفر با رویاهای بزرگ، قدرتمندتر از یه شخص با تمام حقیقت هاست.   | بارم |
|------|---|------|
| ۸    | <p>(الف)</p> $s = \frac{-b}{a} = \frac{-(-3)}{1} = 3, p = \frac{c}{a} = \frac{-1}{1} = -1$ <p>(ب)</p> $\alpha^r + \beta^r = s^r - 2p = (3)^r - 2(-1) = 9 + 2 = 11$ <p>(پ)</p> $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{\beta + \alpha}{\alpha\beta} = \frac{S}{P} = \frac{3}{-1} = -3$ $4\alpha + 4\beta = 4(\alpha + \beta) = 4S = 4(3) = 12$   | ۰/۷۵ |
| ۹    | $\left. \begin{array}{l} \frac{r}{6} = \frac{x}{8} \rightarrow x = 4 \\ c^r = x^r + 3^r \\ c^r = 4^r + 3^r \rightarrow c = 5 \\ s^r = 6^r + 8^r \rightarrow s = 10 \end{array} \right\} \rightarrow \frac{\Delta}{10} = \frac{10}{10+y} \rightarrow y = 10 \rightarrow z^r = 20^r - 10^r \rightarrow z = 10\sqrt{3}$  | ۱/۲۵ |
| ۱۰   | $h^r = d \times e \rightarrow h^r = 9 \times 4 \rightarrow h = 6$ $c^r = d^r + h^r \rightarrow c^r = 9^r + 6^r \rightarrow c = \sqrt{117}$ $b^r = h^r + e^r \rightarrow b^r = 6^r + 4^r \rightarrow c = \sqrt{52}$  | ۱    |
| ۱۱   | <p>قضیه اساسی تشابه: اگر خطی موازی یکی از اضلاع مثلث دو ضلع دیگری را قطع کند در این صورت مثلث کوچکی که به وجود می آید با مثلث اولیه متشابه است.</p> <p>اثبات: با استفاده از تعمیم قضیه تالس داریم:</p> $DE \parallel BC \xrightarrow{\text{تالس}} \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC} \rightarrow \triangle ADE \sim \triangle ABC$  | ۱    |
| ۱۲   | <p>فرض خلف: n ضرب ۳ نیست</p> $n \neq 3k \rightarrow \begin{cases} n = 3k + 1 \rightarrow n^r = (3k + 1)^r \rightarrow n^r = 9k^r + 6k + 1 \rightarrow n^r = 3(3k^r + 2k) + 1 \rightarrow n^r = 3m + 1 \\ n = 3k + 2 \rightarrow n^r = (3k + 2)^r \rightarrow n^r = 9k^r + 12k + 4 \rightarrow n^r = 3(3k^r + 4k + 1) + 1 \rightarrow n^r = 3m' + 1 \end{cases}$ <p>چون به تناقض با فرض رسیدیم پس فرض خلف باطل است.</p>              | ۱    |
| ۱۳   | <p>(الف).....</p> <p>(ب).....</p>   | ۱    |



|      |   |    |
|------|---|----|
| ۱    |   | ۱۴ |
| ۱    |   | ۱۵ |
| ۱/۲۵ | $\frac{(g^2 + 2f)(2)}{f^{-1}(-2)} =$  | ۱۶ |
| ۱    |   | ۱۷ |
| ۱    |   | ۱۸ |
| ۱/۲۵ | $\frac{\tan \frac{\pi}{\lambda} \cot \frac{\pi}{\lambda} - \tan^2 \frac{\pi}{3}}{2 \sin^2 \frac{\pi}{4} + \sqrt{3} \cot \frac{\pi}{6}} =$ | ۱۹ |

موفق باشید

