



# آکادمی آنلاین تیز لاین

## قوی ترین پلتفرم آموزشی تیز هوشان

برگزار کننده کلاس های آنلاین و حضوری تیز هوشان

و المپیاد از پایه چهارم تا دوازدهم

آزمون های آنلاین و حضوری

مشاوره تخصصی

با اسکن QR کد روبرو  
وارد صفحه اینستاگرام  
آکادمی تیز لاین شو و از  
محتوه های آموزشی  
رایگان لذت ببر



TIZLINE.IR

برای ورود به صفحه اصلی سایت آکادمی تیز لاین کلیک کنید

برای دانلود دفترچه آزمون های مختلف برای هر پایه کلیک کنید

برای مطالعه مقالات بروز آکادمی تیز لاین کلیک کنید

نام درس: هندسه ۱  
نام دبیر: استاد مودب  
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۰۶  
 ساعت امتحان: ۰۸:۰۰ صبح / عصر  
مدت امتحان: ۹۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران  
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران  
اداره آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۲ تهران  
دبيرستان غیردولتی پسرانه سرای داشش واحد سعادت آباد  
آزمون پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

نام و نام خانوادگی: .....  
مقطع و رشته: دهم ریاضی  
نام پدر: .....  
شماره داوطلب: .....  
تعداد صفحه سوال: ۶ صفحه

ردیف	محل مهر و امضاء مدیر	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نمره به عدد:
				نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نمره به حروف:
۱/۵				ج) میانگین هندسی	ب) عکس قضیه	الف) استدلال استنتاجی مفاهیم زیر را تعریف کنید:
۲				جاهاي خالي را در هر مورد طوري پر کنيد که هر عبارت تبديل به گزاره اي درست شود: الف) اگر نقطه اي روی نيمساز يك زاويه قرار داشته باشد .....		۱
				ب) به مثالی که نشان میدهد يك حکم کلی نادرست است .....		۲
				ج) هرگاه دو مثلث با نسبت تشابه K، متشابه باشند، نسبت محیط های آنها ..... و نسبت مساحت های آنها ..... است.		
۱/۲۵				قضیه: نیمساز های داخلی هر مثلث همروز اند.		۳
۱/۵				قضیه: اگر در مثلثی دو زاویه نابرابر باشند، ضلع روبرو به زاویه بزرگتر، بزرگتر است از ضلع روبرو به زاویه کوچکتر		۴
۱/۵				مراحل رسم عمود منصف يك پاره خط را توضیح دهید.		۵
۱/۲۵				متوازی الاضلاعی با اضلاع ۳ و ۴ رسم کنید.		۶
۱/۲۵				مربعی با قطر ۴ رسم کنید.		۷
۰/۵				آیا احکام زیر درستند؟ چرا؟ الف) برای هر دو مجموعه A و B، $B \subseteq A \subseteq B$ یا $A \subseteq B \subseteq A$ یا		۸
				ب) هر دو مثلث که مساحت های برابر داشته باشند، هم نهشتند.		
۰/۷۵				عکس قضیه زیر را نوشته و در صورت امکان، آنرا بصورت قضیه دوشرطی درآورید: (( اگر يك چهار ضلعی لوزی باشد، قطرهایش عمود منصف يكديگرند. ))		۹



۰۲۱-۰۲۰۲۳۰۹۷۵ \* ۰۲۱-۰۲۰۲۳۰۹۷۵



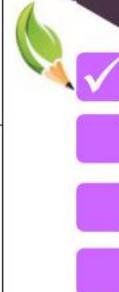
Tizline.ir



۰۹۱۳۰۸۴۰۳۰۲

۱	<p>در شکل روبرو میانه <math>AM</math> و سطح <math>BC</math> بوده و <math>BM = 3MN</math> در اینصورت <math>\frac{S_{ABC}}{S_{AMN}}</math> را بیابید.</p>	۱۰
۱/۵	<p>در شکل روبرو میانه <math>MN \parallel BC</math> است. محیط چهارضلعی <math>MNCB</math> را بیابید.</p>	۱۱
۱/۵	<p>در شکل مقابل مقابله <math>DC \parallel EF</math> و <math>BC \parallel DE</math>. ثابت کنید <math>.AD^2 = AB \times AF</math></p>	۱۲
۱/۵	<p>در شکل روبرو اگر <math>\widehat{A} + \widehat{D}_1 = 180</math> مقادیر <math>y</math> و <math>x</math> را بیابید.</p>	۱۳
۱/۵	<p>در شکل روبرو اگر <math>M</math> وسط <math>AC</math> بوده <math>\widehat{M}_1 = \widehat{B}</math> ثابت کنید <math>.AC^2 = 2BC \times NC</math></p>	۱۴
۱/۵	<p>در یک مثلث قائم الزاویه طول قطعاتی که از رسم ارتفاع وارد بر وتر، روی وتر پدید آمده است، برابر <math>\frac{3}{6}</math> و <math>\frac{6}{4}</math> است. محیط و مساحت این مثلث را بیابید.</p>	۱۵

صفحه ۲ از ۲

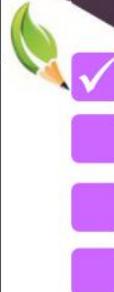


نام درس: هندسه ۱  
نام دبیر: آقای مسعود مودب  
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۰۶  
ساعت امتحان: ۸:۰۰ - صبح / عصر  
مدت امتحان: ۹۰ دقیقه

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران  
اداره آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۲ تهران  
دبیرستان غیر دولتی پسرانه سرای دانش واحد سعادت آباد  
**کلید** سوالات پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱



ردی ف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	<p>الف) استدلالی است که بر اساس نتیجه گیری منطقی بر پایه‌ی واقعیت‌هایی است که درستی آنها را پذیرفته‌ایم.</p> <p>ب) اگر در یک قضیه، جای فرض و حکم را عوض کنیم، به آنچه حاصل می‌شود، عکس قضیه‌ی می‌گوییم.</p> <p>ج) اگر طرفین یا وسطین یک تناسب شامل دو عدد برابر باشند مثل <math>\frac{a}{b} = \frac{b}{c}</math> نتیجه‌ی می‌گیریم در اینصورت <math>b</math> را واسطه هندسی بین <math>a</math> و <math>c</math> می‌نامیم.</p>	
۲	<p>الف) از دو ضلع آن زاویه به یک فاصله است.</p> <p>ب) مثال نقض می‌گوئیم.</p> <p>ج) برابر <math>k</math> - برابر <math>k^2</math></p>	
۳	<p>فرض      سه نیمساز داخلی رسم شده</p> <p>         </p> <p>               سه نیمساز در <math>O</math></p> <p>         </p> <p>               مطابق شکل نیمساز زاویه متقاطعند</p> <p>         </p> <p>               چون اضلاع <math>AB</math> و <math>AC</math> متقاطعند، نیمساز زاویه‌های <math>\hat{A}</math> و <math>\hat{B}</math> را رسم کرده‌ایم.</p>	
۴	<p>فرض      <math>\hat{B} &lt; \hat{C}</math></p> <p>         </p> <p>               <math>AC &lt; AB</math></p>	



طبق برهان خلف، فرض می کنیم حکم درست نباشد یعنی  $AC \neq AB$  پس دو حالت در نظر می گیریم:

$$\begin{array}{l} AC > AB \\ AC = AB \end{array} \xrightarrow{\text{قضیه کتاب}} \quad \left. \begin{array}{l} \hat{B} > \hat{C} \\ \hat{B} = \hat{C} \end{array} \right\}$$

حکم اصلی درست است  $\rightarrow$

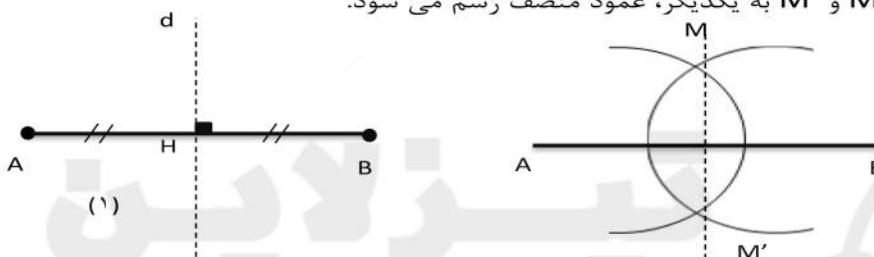
در هر دو حالت به خلاف فرض می رسیم  $\rightarrow$

فرض می کنیم مسئله حل شده و طبق شکل (۱)، خط  $d$  عمود منصف پاره خط  $AB$  باشد.

می دانیم هر نقطه روی عمود منصف یک پاره خط از دو سر آن پاره خط به یک فاصله است و برعکس. برای رسم

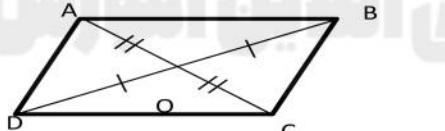
عمود منصف، به مراکز  $A$  و  $B$  و شعاع های مساوی و هر کدام بزرگتر از نصف  $AB$ . کمانهایی میزنیم تا یکدیگر را

در  $M$  و  $M'$  قطع کنن. با اتصال  $M$  و  $M'$  به یکدیگر، عمود منصف رسم می شود.



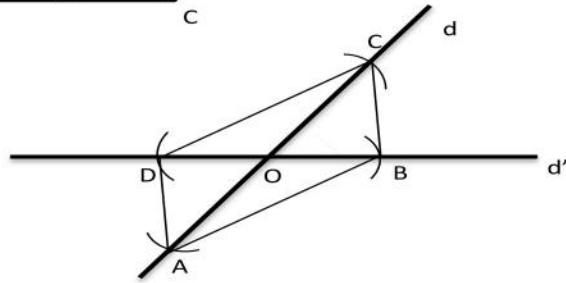
۵

می دانیم در یک متوازی الاضلاع قطرها منصف یکدیگرند. بنابر این ابتدا دو خط متقاطع  $d$  و  $d'$  را رسم می کنیم سپس به مرکز  $O$  و شعاع نصف قطرهای داده شده کمانهایی می زنیم تا هر کدام از کمانها، یکی از خطوط را در دو نقطه قطع کند.



در این صورت چهار رأس متوازی الاضلاع حاصل می شود.

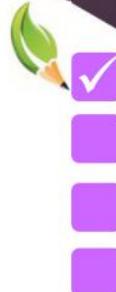
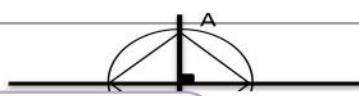
۶

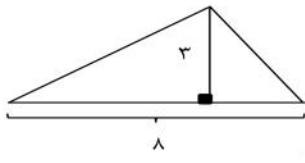
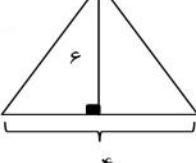
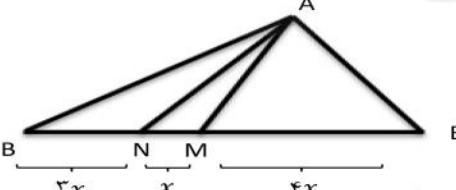


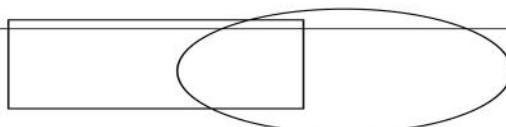
می دانیم قطرهای مربع عمود منصف یکدیگرند. پس ابتدا دو خط عمود بر هم  $d$  و  $d'$  را رسم کرده سپس به مرکز  $O$  و شعاع  $\angle 2 = \frac{1}{4}\pi$  دایره ای می زنیم تا این دو خط در چهار نقطه قطع شوند.

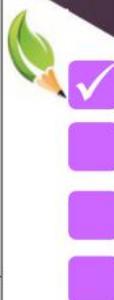
۷

رئوس مربع حاصل می شود.



$D = //$ $// = B \quad d$ $C \quad d'$		
$A = \{a\}$ و $B = \{b\} \rightarrow A \not\subseteq B$ و $B \not\subseteq A$ مثال نقض: الف) غلط دارند ولی هم نهشت $\frac{4 \times 6}{2} = \frac{3 \times 8}{2} = 12$ ب) غلط مثال نقض: دو مثلث دو برو مساحتی معادل نیستند		
 		۸
$\checkmark$ قطرهایش عمود منصف یکدیگرند $\Rightarrow ABCD$ لوزی است : قضیه $\checkmark$ قطرها $ABCD$ عمود منصف یکدیگرند : عکس قضیه قضیه‌ی دو شرطی: $ABCD$ یک نوری است اگر و تنها اگر قطرهایش عمود منصف یکدیگرند باشند.		۹
مطابق شکل با فرض $MN=x$ نتیجه می‌گیریم $BM = 3MN = 3x \quad \xrightarrow[\text{وسط } BC]{M} MC = 4x$ و چون مثلثهای $AMN$ و $ABC$ در رأس $A$ مشترک بوده و قاعده‌های $BC$ و $MN$ روی یک خط راست واقعند پس مساحت به نسبت قاعده‌ها تقسیم می‌شوند:		۱۰
	$\frac{S_{\Delta ABC}}{S_{\Delta AMN}} = \frac{BC}{MN} = \frac{3x + x + 4x}{x} = 8$	
		۱۱





۲۱

۱۳

۱۴

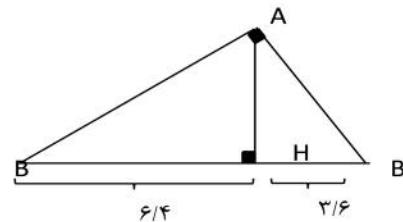
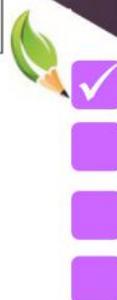
$$\begin{aligned}
 & MN \parallel BC \quad \text{تالس} \\
 & \frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC} \rightarrow \frac{x}{x^2 + 3} = \frac{x+4}{x^2 + 9} = \frac{y-5}{x^2 + 15} \\
 & \text{کسری سه} \\
 & (2x+3)(x+4) = x(4x+9) \\
 & \rightarrow 2x^2 + 8x + 3x + 12 = 4x^2 + 9x \\
 & \rightarrow -2x^2 + 2x + 12 = 0 \\
 & \xrightarrow{\div(-2)} x^2 - x - 6 = 0 \rightarrow x = 3, -2 \\
 & \rightarrow MNBC \text{ محیط} = 9x + 23 + y - 5 = 5. \\
 & \qquad \qquad \qquad \downarrow \qquad \qquad \qquad \downarrow \\
 & \qquad \qquad \qquad 3 \qquad \qquad \qquad 5
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \Delta ADE: BC \parallel DE \quad \text{تالس} \quad \frac{AB}{AD} = \frac{AC}{AE} \quad ① \\
 & \Delta AEF: DC \parallel EF \quad \text{تالس} \quad \frac{AD}{AF} = \frac{AC}{AE} \quad ② \\
 & 1,2 \rightarrow \frac{AB}{AD} = \frac{AD}{AF} \rightarrow AD^2 = AB \times AF
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \Delta EBD \sim \Delta ABC: \left\{ \begin{array}{l} \hat{A} = \hat{D}, \\ \hat{B} = \hat{B}, \\ \hat{E} = \hat{C} \end{array} \right. \rightarrow \text{دو مثلث متشابه} \rightarrow \frac{AB}{BD} = \frac{AC}{ED} = \frac{BC}{BE} \rightarrow \frac{x+25}{20} = \frac{20}{15} = \frac{y+20}{25} \\
 & \rightarrow x = 15, y = 3.
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \Delta ABC \sim \Delta MNC: \left\{ \begin{array}{l} \hat{C} = \hat{C}, \\ \hat{M} = \hat{B}, \\ \hat{N} = \hat{A} \end{array} \right. \rightarrow \text{دو مثلث متشابه} \rightarrow \underline{\frac{AC}{NC} = \frac{BC}{MC} = \frac{AB}{MN}}
 \end{aligned}$$

$$\frac{AC}{NC} = \frac{BC}{AC} \rightarrow AC \times \frac{AC}{2} = NC \times BC \rightarrow AC^2 = 2NC \times BC$$



۱۵

$$AH^2 = BH \times CH = 6/4 \times 3/6 = 64 \times 36 \times \frac{1}{144} \rightarrow AH = 8 \times 6 \times \frac{1}{12} = 4/8$$

$$AB^2 = BH \times BC = 6/4(6/4 + 3/6) = 64 \rightarrow AB = 8$$

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 \rightarrow 10^2 = 8^2 + AC^2 \rightarrow AC = 6$$

$$\begin{cases} \Delta ABC \text{ محیط} = AB + AC + BC = 8 + 6 + 10 = 24 \\ S_{\Delta ABC} = \frac{AH \times BC}{2} = \frac{4/8 \times 10}{2} = 24 \end{cases}$$

امضاء:

نام و نام خانوادگی مصحح:

جمع بارم: ۲۰ نمره