



# آکادمی آنلاین تیز لاین

## قوی ترین پلتفرم آموزشی تیز هوشان

برگزار کننده کلاس های آنلاین و حضوری تیز هوشان

و المپیاد از پایه چهارم تا دوازدهم

آزمون های آنلاین و حضوری

مشاوره تخصصی

با اسکن QR کد روبرو  
وارد صفحه اینستاگرام  
آکادمی تیز لاین شو و از  
محتوه های آموزشی  
رایگان لذت ببر



TIZLINE.IR

برای ورود به صفحه اصلی سایت آکادمی تیز لاین کلیک کنید

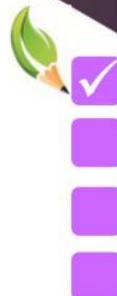
برای دانلود دفترچه آزمون های مختلف برای هر پایه کلیک کنید

برای مطالعه مقالات بروز آکادمی تیز لاین کلیک کنید



## پایه‌های چهارم تا دوازدهم

با حضور اساتید برگزیده کشوری تیزهوشان و کنکور

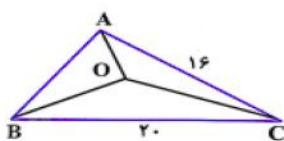
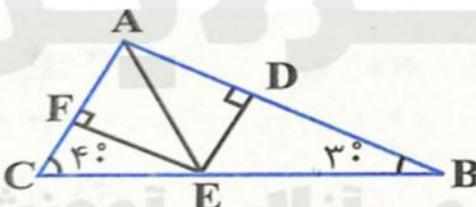


نام درس: هندسه  
نام دبیر: نعیمه جهرومی  
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۰۶  
ساعت امتحان: ۱۰:۰۰ صبح/عصر  
مدت امتحان: ۹۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران  
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران  
اداره آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۴ تهران  
دبيرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد رسالت  
آزمون پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۳۹۹

نام و نام خانوادگی: .....  
مقطع و رشته: دهم (یاض)  
نام پدر: .....  
شماره داوطلب: .....  
تعداد صفحه سوال: ۲ صفحه

نمره به عدد:	نمره به حروف:	نمره به عدد:	نمره به حروف:	نام دبیر و امضاء، مدیر
سؤالات	عنوان	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر و امضاء، مدیر
۱	نقطه A روی خط d قرار دارد. چند نقطه در صفحه می‌توان یافت که فاصله شان از نقطه A و خط d برابر ۲ واحد باشد.	۲	در شکل زیر، اگر $ED=EF$ باشد، اندازه زاویه $\hat{CAE}$ را به دست آورید.	۲
۳	در شکل زیر، O نقطه همرسی نیمسازهای زوایای مثلث ABC است. اگر $S_{AOC} = 80\text{cm}^2$ باشد، مساحت مثلث BOC چند سانتی متر مربع است؟	۲	۴	الف) با استفاده از برهان خلف ثابت کنید عمود منصف هر پاره خط یکتاست.
۴	ب) ابتدا عکس قضیه زیر را بنویسید، سپس آن را به صورت قضیه دو شرطی بیان کنید. قضیه: در یک دایره اگر دو کمان برابر باشند، وترهای نظیر آنها نیز با هم برابرند.	۲/۵		



۲/۵



Tizline.ir

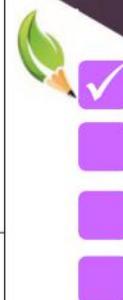


۰۹۳۳۳۸۴۰۳۰۲



تیزلاین منبع معتبر تیزهوشان

سامانه پیامگی: ۹۰۰۰ ۱۶۲۰



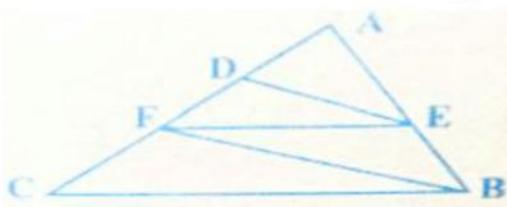
۵		قضیه تالس را بیان کنید و اثبات کنید.
۶		در شکل مقابل، $EF \parallel BC$ و $DE \parallel FB$ است. ثابت کنید: $\frac{AD}{DF} = \frac{AF}{FC}$
۷		در شکل زیر، دکلی به طول ۸ متر بر بالای برجی نصب شده است. دید چشمی ناظر به ارتفاع $1/8$ متر، از دکل و تیرک ۴ متری در یک راستاست. بلندی برج چند متر است؟
۸		در شکل زیر، $\hat{D} = \hat{B}$ . طول $BD$ چند واحد است؟
۹		با توجه به شکل زیر، $x$ کدام است؟

۲/۵

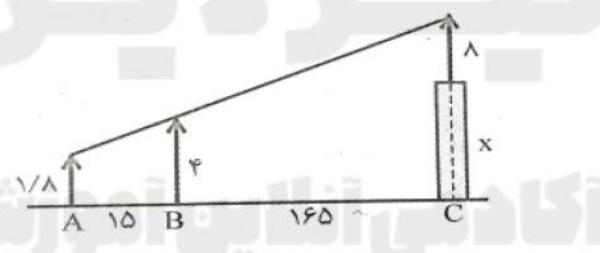
قضیه تالس را بیان کنید و اثبات کنید.

۲/۵

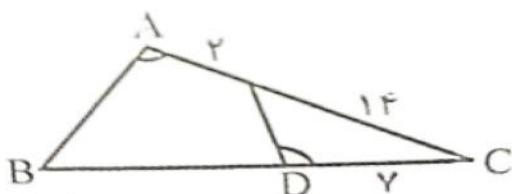
$$\frac{AD}{DF} = \frac{AF}{FC}$$



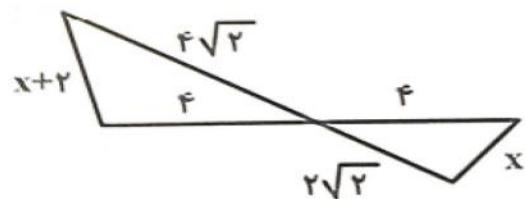
۲/۵



۲



۲





ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	جواب نقاط اشتراک دو خط به موازات خط $d$ و به فاصله ۲ از آن و دایره ای به مرکز $A$ و به شعاع ۲ (دو نقطه) است.	
۲	طبق فرض $ED=EF$ پس نقطه $E$ از دوضلع زاویه $A$ به یک اندازه است. پس نقطه $E$ روی نیمساز زاویه $A$ قرار دارد. پس $CAE=55$ پس زاویه $A_1=A_2=\frac{110}{2}=55$	
۳	چون نقطه $O$ نقطه همرسی نیمسازهای است، پس نقطه $O$ از سه ضلع مثلث $ABC$ به یک فاصله است یعنی $OD=OE=OF$ $S_{AOC} = \frac{1}{2} OD \times 16 = 80 \rightarrow OD = \frac{80}{8} = 10$ پس $S_{BOC} = \frac{1}{2} OE \times BC = \frac{1}{2} \times 20 \times 30 = 100$ پس $OE=10$	
۴	الف) فرض خلف: فرض می کنیم عمود منصف پاره خط $AB$ یکتا نیست. مثلاً $d_1$ و $d_2$ عمود منصف های پاره خط $AB$ هستند. پس $d_1 \perp AB$ و $d_2 \perp AB$ . پس $d_1 \parallel d_2$ و این تناقض است. زیرا $d_1$ و $d_2$ در نقطه $M$ وسط $AB$ مشترک هستند. پس فرض خلف ما باطل می شود و حکم ثابت می شود. ب) عکس قضیه: در یک دایره اگر دو وتر با هم برابر باشند، آن گاه کمان های نظیر دو وتر نیز با هم برابرند. قضیه دو شرطی: در یک دایره دو کمان با هم برابرند اگر و فقط اگر وترهای نظیر آن ها با هم برابر باشند.	
۵	قضیه تالس: اگر در مثلث $ABC$ خطی موازی یکی از اضلاع ( $BC$ مثلاً ضلع) دو ضلع $AB$ و $AC$ را در دو نقطه $D$ و $E$ قطع کند، اندازه های چهار پاره خط ایجاد شده تشکیل تناسب می دهند. یعنی اگر $\frac{AD}{BD} = \frac{AE}{EC}$ باشد، آن گاه $DE \parallel BC$ است. اثبات: دو مثلث $DAE$ و $DEC$ در راس $D$ مشترک هستند و قاعده های نظیر آن در یک امتدادند. پس طبق قضیه داریم: $\frac{S_{DAE}}{S_{DEC}} = \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$ از طرفی مثلث $DAE$ و مثلث $DEB$ در راس $E$ مشترک اند پس: $\frac{S_{DAE}}{S_{DEB}} = \frac{AE}{EC} = \frac{AD}{DB}$ با قاعده قرار دارد پس $S_{DEC} = S_{DEB}$ پس	
۶	$DE \parallel FB \Rightarrow \frac{AD}{DF} = \frac{AE}{BE}$ $EF \parallel BC \Rightarrow \frac{AF}{FC} = \frac{AE}{BE}$ با مقایسه دو تساوی فوق داریم: $\frac{AD}{DF} = \frac{AF}{FC} \Rightarrow x = 1/8$	
۷	$AD=BE=FC=1/8$ , $ME=MB-BE=4-1/8=2/2$ , $FG=GC-FC=x-1/8$ $ME \parallel NF \Rightarrow \frac{DE}{DF} = \frac{ME}{NF} \Rightarrow \frac{15}{15+165} = \frac{\frac{2}{2}}{(x-\frac{1}{8})+8} \Rightarrow \frac{1}{12} = \frac{22}{62+10x} \Rightarrow x = 20/2$	
۸	دو مثلث $ABC$ و $DEC$ با هم متشابه اند زیرا $\frac{BC}{CE} = \frac{AC}{DC} \Rightarrow \frac{7+x}{14} = \frac{16}{7} \Rightarrow \frac{7+x}{2} = 16 \Rightarrow x = 25$ پس داریم:	
۹	چون $A_1 = A_2$ و $\frac{AC}{AC} = \frac{AB}{AB}$ پس $\frac{4}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ پس دو مثلث $ABC$ و $ABC$ با هم متشابهند. پس نسبت $\frac{BC}{BC}$ نیز با نسبت تشابه برابر است و داریم: $\frac{BC}{BC} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \frac{x}{x+2} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow x = 2(\sqrt{2} + 1)$	