



آکادمی آنلاین تیزلاین قوی ترین پلتفرم آموزشی تیز هوشان

برگزار کننده کلاس های آنلاین و حضوری تیز هوشان ✓

و المپیاد از پایه چهارم تا دوازدهم

آزمون های آنلاین و حضوری ✓

مشاوره تخصصی ✓

با اسکن QR کد روبرو
وارد صفحه اینستاگرام
آکادمی تیزلاین شو و از
محتوای آموزشی
رایگان لذت ببر



برای ورود به صفحه اصلی سایت آکادمی تیزلاین کلیک کنید

برای دانلود دفترچه آزمون های مختلف برای هر پایه کلیک کنید

برای مطالعه مقالات بروز آکادمی تیزلاین کلیک کنید

باسمه تعالی

سؤالات آزمون نهایی درس: هندسه ۳	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۵/۲۸	ساعت شروع: ۹ صبح
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	رشته: ریاضی-فیزیک	نام و نام خانوادگی:	تعداد صفحه: ۲
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۲			
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)		

استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی) مجاز است.

سؤالات فصل اول

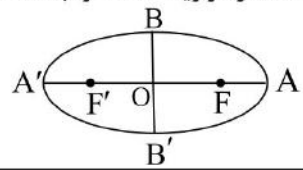
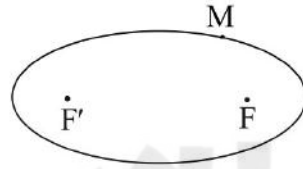
۰/۷۵	الف) اگر در ماتریس قطری تمام درایه‌های روی قطر اصلی با هم برابر باشند، آن را ماتریس می‌نامند. ب) اگر $A = \begin{bmatrix} -\sin\theta & \cos\theta \\ \cos\theta & \sin\theta \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه دترمینان ماتریس A برابر است. پ) هر ماتریس مربعی وارون‌پذیر است. (درست - نادرست)	۱
۱/۲۵	ماتریس $A = [a_{ij}]_{2 \times 2}$ به صورت $a_{ij} = \begin{cases} i^2 - j & i > j \\ i + j & i \leq j \end{cases}$ داده شده است، ماتریس A^{-1} را به دست آورید.	۲
۱/۲۵	در تساوی $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -2 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ 1 \end{bmatrix}$ ، مقدار x را بیابید.	۳
۱/۵	اگر $3A = \begin{bmatrix} A & -5 \\ 1 & 4 A \end{bmatrix}$ باشد، مقدار $ A^{-1} $ را محاسبه کنید.	۴
۱/۲۵	مقدار m را طوری بیابید که دستگاه $\begin{cases} mx + 9y = m + 1 \\ 4x + my = -4 \end{cases}$ جواب نداشته باشد.	۵

سؤالات فصل دوم

۰/۵	الف) اگر صفحه‌ای بر محور سطح مخروطی عمود نباشد و با مولد آن موازی نباشد و از رأس عبور نکند، آنگاه سطح مقطع حاصل یک است. ب) در هر سهمی، هر شعاع نوری که از کانون آن به بدنه سهمی بتابد، بازتاب آن موازی با محور سهمی باز خواهد گشت. (درست - نادرست)	۶
۱	نقاط A، B، C و D در صفحه مفروض‌اند. نقطه‌ای در این صفحه بیابید که از A و B به یک فاصله و از C و D نیز به یک فاصله باشد. (بحث کنید)	۷
۱/۵	معادله دایره‌ای را بنویسید که مرکز آن $O(0, 1)$ بوده و روی خط $3x + 4y + 6 = 0$ و تری به طول $2\sqrt{5}$ جدا کند. سپس محل تلاقی آن دایره با محور y را بیابید.	۸
۱/۲۵	وضعیت دو دایره به معادلات $(x-1)^2 + (y+2)^2 = 1$ و $x^2 + y^2 + 6x + 2y - 6 = 0$ را نسبت به هم تعیین کنید. (با ارائه راه‌حل)	۹

ادامه سؤالات در صفحه دوم

باسمه تعالی

سؤالات آزمون نهایی درس: هندسه ۳	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۵/۲۸	ساعت شروع: ۹ صبح
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	رشته: ریاضی- فیزیک	نام و نام خانوادگی:	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۲			
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)		
۱۰	در یک بیضی با کانون های F و F' ، طول قطر کوچک نصف طول قطر بزرگ است. اندازه زاویه $\widehat{FBF'}$ را به دست آورید.		
۱۱	معادله سهمی با کانون $F(1, 2)$ و خط هادی $x = -3$ را بنویسید.	۱/۵	
۱۲	در شکل مقابل، نقطه M روی بیضی با کانون های F و F' مشخص شده است. خط d را به گونه ای رسم کنید که در نقطه M بر بیضی مماس باشد و سپس از نقطه F' خطی موازی با MF رسم کنید تا خط d را در نقطه ای مانند N قطع کند. ثابت کنید $NF' = MF'$.		
سؤالات فصل سوم			
۱۳	الف) نقطه $(-2, 3, -1)$ در ناحیه ششم مختصاتی قرار دارد. (درست - نادرست) ب) حاصل $\vec{j} \cdot ((\vec{i} \times \vec{k}) \times \vec{i})$ برابر است.	۰/۵	
۱۴	مقدار m را طوری بیابید که زاویه بین دو بردار $\vec{a} = (m, 0, 2)$ و $\vec{b} = (2, -2, 0)$ برابر $\frac{\pi}{3}$ باشد.	۱/۵	
۱۵	اگر $\vec{a} = (2, -1, 1)$ ، $\vec{b} = (-1, 2, 0)$ و $\vec{c} = \vec{i} - \vec{j}$ باشند، تصویر قائم بردار $\vec{a} + \vec{b}$ بر امتداد بردار $2\vec{c} - \vec{b}$ را به دست آورید.	۱/۵	
۱۶	اگر $\vec{a} = (-2, 0, 1)$ و $\vec{b} = \vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}$ باشند، مساحت مثلثی که توسط بردارهای $\vec{a} - \vec{j}$ و \vec{b} تولید می شود را حساب کنید.	۱	
۱۷	اگر سه بردار $\vec{a} = (m, -1, 1)$ ، $\vec{b} = (1, -1, 1)$ و $\vec{c} = (1, m, -1)$ در یک صفحه واقع باشند، مقدار m را بیابید.	۱/۵	
۲۰	موفق و سربلند باشید	جمع نمره	





پاسخ علمی	
راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: هندسه ۳	رشته: ریاضی فیزیک
ساعت شروع: ۹ صبح	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۵/۲۸	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۲	
ردیف	راهنمای تصحیح
۱	الف) اسکالر (۰/۲۵) ۱۲ ص ب) -۱ (۰/۲۵) ۲۸ ص پ) نادرست (۰/۲۵) ۲۳ ص
۲	۱/۲۵ $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \Rightarrow A = -1 \quad (0/25)$ $A^{-1} = \frac{1}{-1} \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ -3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & 3 \\ 3 & -2 \end{bmatrix} \quad (0/5)$ ص ۲۱ و ۲۳
۳	۱/۲۵ $\underbrace{\begin{bmatrix} x-2 & -3 \\ x & 1 \end{bmatrix}}_{(0/25)} \begin{bmatrix} x \\ 1 \end{bmatrix} = 0 \Rightarrow \underbrace{x^2 - 2x - 3}_{(0/5)} = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \quad (0/25) \\ x = 3 \quad (0/25) \end{cases}$ ص ۱۷
۴	۱/۵ $\underbrace{3A}_{(0/25)} = \underbrace{4 A ^2 + 5}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{4 A ^2 - 9 A + 5}_{(0/25)} = 0 \Rightarrow \begin{cases} A = 1 \Rightarrow A^{-1} = 1 \quad (0/25) \\ A = \frac{5}{4} \Rightarrow A^{-1} = \frac{4}{5} \quad (0/25) \end{cases}$ ص ۳۰ و ۳۱
۵	۱/۲۵ $\underbrace{\frac{m}{4} = \frac{9}{m} \neq \frac{m+1}{-4}}_{(0/5)} \Rightarrow \underbrace{m^2 = 36}_{(0/25)} \Rightarrow \begin{cases} m = 6 \quad (0/25) \\ m = -6 \quad (0/25) \end{cases}$ هر دو جواب قابل قبول ص ۲۶ و ۳۱
۶	۰/۵ الف) بیضی (۰/۲۵) ۳۵ ص ب) درست (۰/۲۵) ۵۶ ص
۷	۱ مکان هندسی نقاطی که از نقاط A و B به یک فاصله اند: عمود منصف پاره خط AB است. (۰/۲۵) مکان هندسی نقاطی که از نقاط C و D به یک فاصله اند: عمود منصف پاره خط CD است. (۰/۲۵) محل برخورد دو عمود منصف، جواب مساله است. (۰/۲۵) حالت های ممکن: یک جواب، بدون جواب، بی شمار جواب (۰/۲۵) ص ۳۹ *اگر دانش آموزی با رسم شکل جواب ها را مشخص کرده باشد، نمره کامل لحاظ گردد*
«ادامه در صفحه دوم»	





باسمه تعالی

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: هندسه ۳	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۹ صبح	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۵/۲۸	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۲			
ردیف	راهنمای تصحیح		
۸	ص ۴۴		
	$OH = \frac{ 3(0) + 4(1) + 6 }{\sqrt{9+16}} = 2 \quad (0/25)$ $AB = 2\sqrt{5} \Rightarrow \underbrace{AH = \sqrt{5}}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{R = 3}_{(0/25)}$ $(x-0)^2 + (y-1)^2 = 9 \quad (0/25)$ $x=0 \Rightarrow \begin{cases} y=4 \Rightarrow (0,4) & (0/25) \\ y=-2 \Rightarrow (0,-2) & (0/25) \end{cases}$		
۹	$(x-1)^2 + (y+2)^2 = 1 \Rightarrow \underbrace{O(1, -2), R=1}_{(0/25)}$ $x^2 + y^2 + 6x + 2y - 6 = 0 \Rightarrow \underbrace{O'(-3, -1), R'=4}_{(0/5)}, \quad d = OO' = \sqrt{17} \quad (0/25)$ <p>بنابراین دو دایره متقاطع هستند. $3 < \sqrt{17} < 5$</p> <p>ص ۴۶ (0/25)</p>		
۱۰	$\underbrace{BB' = \frac{1}{2}AA'}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{2b = \frac{1}{2}(2a)}_{(0/25)} \Rightarrow a = 2b$ $\underbrace{\cos \widehat{F'BO} = \frac{BO}{BF'}}_{(0/25)} = \frac{b}{a} = \frac{1}{2} \Rightarrow \underbrace{\widehat{F'BO} = 60^\circ}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{\widehat{F'BF} = 120^\circ}_{(0/25)}$ <p>روش دوم: برای حل مسأله با استفاده از تانژانت زاویه $\widehat{F'BO}$ نمره لحاظ گردد. ص ۵۸</p>		
۱۱	$F(\alpha + a, \beta) = (1, 2) \Rightarrow \begin{cases} \alpha + a = 1 \\ \beta = 2 \end{cases} \quad (0/25)$ $\left. \begin{matrix} x = \alpha - a \\ x = -3 \end{matrix} \right\} \Rightarrow \underbrace{\alpha - a = -3}_{(0/5)} \xrightarrow{\alpha + a = 1} \begin{cases} a = 2 & (0/25) \\ \alpha = -1 & (0/25) \end{cases}$ $(y-2)^2 = 8(x+1) \quad (0/25)$ <p>روش دوم: برای حل مسأله با استفاده از شکل، نمره لحاظ گردد. ص ۵۲ و ۵۸</p>		
«ادامه در صفحه سوم»			



ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
<p>راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: هندسه ۳ رشته: ریاضی فیزیک ساعت شروع: ۹ صبح مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه</p> <p>پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۵/۲۸</p> <p>دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۲</p>		
۱۲	<p>مجموع $MF + MF'$ کمترین مقدار است بنا به خاصیت کوتاه ترین مسیر، زاویه های $\hat{M}_1 = \hat{M}_p$ (۰/۲۵)</p> <p>از طرفی: $\hat{N} = \hat{M}_1$ در نتیجه $MF \parallel NF'$ و d مورب، (۰/۲۵)</p> <p>نتیجه می شود $\hat{N} = \hat{M}_p$ (۰/۲۵)</p> <p>مثلث MNF' متساوی الساقین است. یعنی $MF' = NF'$.</p> <p>رسم شکل: (۰/۲۵)</p>	۵۷
۱۳	الف) درست (۰/۲۵) ص ۶۴	ب) صفر (۰/۲۵) ص ۸۲
۱۴	$\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \cos \theta \Rightarrow 2m = (\sqrt{m^2 + 4})(2\sqrt{2})\left(\frac{1}{2}\right) \Rightarrow 4m^2 = 2m^2 + 8$ <p>(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> $\Rightarrow m^2 = 4 \Rightarrow \begin{cases} m = 2 & \text{قق} & (۰/۲۵) \\ m = -2 & \text{غقق} & (۰/۲۵) \end{cases}$	۷۸
۱۵	$\vec{u} = \vec{a} + \vec{b} = (1, 1, 1) \quad (۰/۲۵),$ $\vec{v} = 2\vec{c} - \vec{b} = (3, -4, 0) \Rightarrow \vec{v} = 5, \quad \vec{u} \cdot \vec{v} = -1$ <p>(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> $\vec{u}' = \frac{\vec{u} \cdot \vec{v}}{ \vec{v} ^2} \vec{v} \Rightarrow \vec{u}' = \left(-\frac{3}{25}, \frac{4}{25}, 0\right)$ <p>(۰/۵)</p>	۸۴ و ۷۵
«ادامه در صفحه چهارم»		





مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۵/۲۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۲			
ردیف	نمره	راهنمای تصحیح	
۱۶	ص ۷۵ و ۸۴	$\vec{u} = \vec{a} - \vec{j} = (-2, -1, 1), \quad \vec{u} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} i & j & k \\ -2 & -1 & 1 \\ 1 & -2 & 3 \end{vmatrix} = -i + 7j + 5k, \quad \vec{u} \times \vec{b} = \sqrt{75},$ $S = \frac{5\sqrt{3}}{2} \quad (0/25)$	
۱۷		$V = 0 \Rightarrow \vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} m & -1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & m & -1 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow \underbrace{m^2 - 2m + 1}_{(0/5)} = 0 \Rightarrow \underbrace{m = 1}_{(0/25)}$	
۲۰		"پیروز باشید"	

