



# آکادمی آنلاین تیزلاین قوی ترین پلتفرم آموزشی تیز هوشان

برگزار کننده کلاس های آنلاین و حضوری تیز هوشان ✓

و المپیاد از پایه چهارم تا دوازدهم

آزمون های آنلاین و حضوری ✓

مشاوره تخصصی ✓

با اسکن QR کد روبرو  
وارد صفحه اینستاگرام  
آکادمی تیزلاین شو و از  
محتوای آموزشی  
رایگان لذت ببر



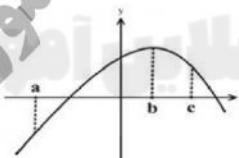
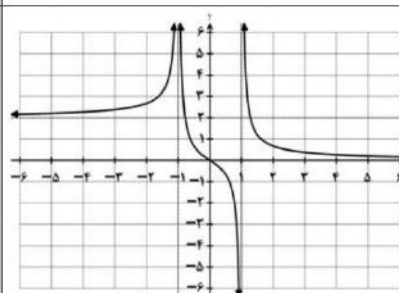
برای ورود به صفحه اصلی سایت آکادمی تیزلاین کلیک کنید

برای دانلود دفترچه آزمون های مختلف برای هر پایه کلیک کنید

برای مطالعه مقالات بروز آکادمی تیزلاین کلیک کنید

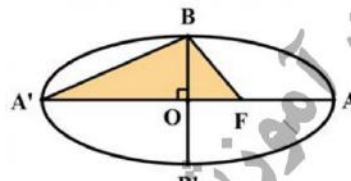


سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴	رشته: علوم تجربی
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱	مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)		
نمره			

۰/۷۵	۱	درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید. الف) تابع $f(x) = \sqrt{2x - x^2}$ یک تابع درجه دوم است. ب) تابع $f(x) = x^3$ ، تابعی اکیدا صعودی است. پ) شکل حاصل از دوران یک مستطیل حول طول آن، مخروط نام دارد.
۰/۷۵	۲	درجاهای خالی عبارت ریاضی مناسب قرار دهید. الف) اگر $f = \{(2, 3), (3, 5)\}$ باشد، حاصل $f^{-1}(3)$ برابر ..... است. ب) باقیمانده تقسیم عبارت $2x^2 - 5x + 1$ بر $x - 3$ برابر ..... است. پ) خروج از مرکز بیضی با قطر بزرگ ۸ و فاصله کانونی ۶ برابر ..... است.
۱/۵	۳	سوالات چهار گزینه ای: I. برد تابع $f$ بازه $[-3, 1]$ است. برد تابع $y = -2f(3x - 1) + 3$ کدامیک از موارد زیر است؟ الف) $[-8, 0]$ (الف)      ب) $[-12, 0]$ (ب)      پ) $[1, 9]$ (پ)      ت) $[-10, 2]$ (ت) II. کدامیک از نقاط زیر روی محیط دایره به معادله $x^2 + y^2 - 2x + 4y + 1 = 0$ قرار دارد؟ الف) $(0, 0)$ (الف)      ب) $(1, 0)$ (ب)      پ) $(0, -1)$ (پ)      ت) $(-1, 0)$ (ت) III. با توجه به نمودار تابع $f$ ، اگر شیب خط مماس در نقاط $a, b, c$ به ترتیب با $m_c, m_b, m_a$ نمایش داده شود. کدامیک از گزینه های زیر صحیح است؟ الف) $m_c > m_b > m_a$ (الف)      ب) $m_b > m_a > m_c$ (ب) پ) $m_a > m_b > m_c$ (پ)      ت) $m_c = m_b = m_a$ (ت) 
۰/۷۵	۴	اگر ورودی ماشین مقابل ۳ باشد، مقدار خروجی آن چقدر است؟ خروجی $\rightarrow \frac{x}{\sqrt{x+1}} \rightarrow 2x - 2 \rightarrow x$ ورودی
۱	۵	معادله ی یک تابع سینوسی $y = a \sin(bx) + c$ را بنویسید که برد آن $[-4, 4]$ و دوره تناوب اصلی آن ۲ است.
۱	۶	معادله مثلثاتی $\sin 2x = \sin x$ را حل کنید.
۱	۷	نمودار تابع $f$ به صورت شکل مقابل است. حدود خواسته شده را محاسبه کنید. الف) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) =$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) =$ پ) $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) =$ ت) $\lim_{x \rightarrow (1)^-} f(x) =$ 



سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴	رشته: علوم تجربی
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آذراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱	مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)		
نمره			

۸	حد زیر را در صورت وجود محاسبه کنید.	۰/۷۵
۹	اگر توابع $f, g$ مشتق پذیر باشند و $f(2) = 3, f'(2) = 5, g(2) = 8, g'(2) = -6$ حاصل $(fg)'(2)$ را به دست آورید.	۱
۱۰	اگر $f(x) = \begin{cases} ax+1 & x < 0 \\ x^2+3x+1 & x \geq 0 \end{cases}$ در $x=0$ مشتق پذیر باشد، مقدار $a$ را محاسبه کنید.	۱/۵
۱۱	مشتق تابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)	۰/۷۵
۱۲	معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = t^2 - t + 10$ بر حسب متر در بازه $[0, 5]$ ( $t$ بر حسب ثانیه) داده شده است. سرعت متوسط را در بازه زمانی $[0, 5]$ و سرعت لحظه ای را در لحظه $t = 2$ به دست آورید.	۱/۲۵
۱۳	اکستریم های نسبی تابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 3x + \frac{2}{3}$ را در صورت وجود به دست آورید.	۲
۱۴	اگر بین دو عدد حقیقی $x$ و $y$ رابطه ی $5x - y = 10$ برقرار باشد، مقادیر $x$ و $y$ را طوری به دست آورید که حاصل ضرب این دو عدد مینیمم گردد.	۱/۵
۱۵	اگر طول قطر بزرگ $AA'$ و قطر کوچک $BB'$ بیضی مقابل به ترتیب ۱۰ و ۸ باشد: الف) مقدار $A'F$ را به دست آورید. ( $F$ کانون بیضی است) ب) مساحت مثلث هاشور خورده ( $BFA'$ ) چقدر است؟	۱/۵
		
۱۶	معادله دایره ای بنویسید که مرکز آن $(0, 3)$ و بر خط $3x - 4y = 3$ مماس باشد.	۱
۱۷	دو ظرف یکسان داریم. ظرف اول شامل ۶ مهره سبز و ۴ مهره آبی و ظرف دوم شامل ۵ مهره سبز و ۷ مهره آبی است. از ظرف اول مهره ای انتخاب کرده و در ظرف دوم قرار می دهیم. سپس یک مهره به تصادف از ظرف دوم انتخاب می کنیم. به چه احتمالی این مهره سبز است؟	۲
۲۰	جمع نمره	"موفق باشید"

مجری همایش کلاس و آزمون در سراسر کشور

www.tizline.tv

www.tizline.ir

 ۰۲۱-۹۱۳۰۲۲۰۲ \* ۰۲۱-۴۴۱۳۶۹۷۵  
 Tizline.ir  
 ۰۹۳۳۳۸۴۰۲۰۲



باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱	
ردیف	راهنمای تصحیح		
۱	الف) درست صفحات: ۲ و ۷ و ۱۲۳	ب) درست	پ) نادرست هر مورد ۰/۲۵
۲	الف) ۲ صفحات: ۲۴ و ۵۰ و ۱۳۱	ب) ۴	پ) $\frac{3}{4}$ هر مورد ۰/۲۵
۳	I. پ II. ب III. پ صفحات: ۲۰ و ۶۹ و ۱۳۵	هر مورد ۰/۵ نمره	
۴	صفحه: ۱۲ $x = 3 \rightarrow 2(3) - 2 = 4 \quad (0/25) \rightarrow \frac{4}{\sqrt{(4)+1}} = \frac{4}{3} \quad (0/5)$		
۵	صفحه: ۴۱ به هر کدام از پاسخ های یافته شده توسط دانش آموز نمره کامل تعلق گیرد. $ b  = \frac{2\pi}{2} = \pi \rightarrow b = \pm\pi \quad (0/25) \rightarrow y = \pm 4 \sin(\pm\pi x) \quad (0/25)$ $ a  = \frac{4 - (-4)}{2} = 4 \rightarrow a = \pm 4 \quad (0/25)$ $c = \frac{4 + (-4)}{2} = 0 \quad (0/25)$		
۶	صفحه: ۴۷ $\sin 2x = \sin x \Rightarrow \begin{cases} 2x = 2k\pi + x \quad (0/25) \rightarrow x = 2k\pi, k \in \mathbb{Z} \quad (0/25) \\ 2x = 2k\pi + \pi - x \quad (0/25) \rightarrow x = \frac{2k\pi + \pi}{3}, k \in \mathbb{Z} \quad (0/25) \end{cases}$		
۷	صفحه: ۶۴ الف) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2 \quad (0/25)$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0 \quad (0/25)$ پ) $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = +\infty \quad (0/25)$ ت) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = -\infty \quad (0/25)$		
۸	صفحه: ۵۳ $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{(x-3)(x-2)}{(x-3)(2x-1)} = \frac{1}{5} \quad (0/25)$		



باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳																		
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه																			
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://ace.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱																			
ردیف	راهنمای تصحیح																				
۹	$(fg)'(2) = \overbrace{f'(2)g(2) + f(2)g'(2)}^{(0/5)} = 5 \times 8 + 3(-6) = 22(0/5)$ <p>صفحه: ۸۷</p>																				
۱۰	<p>تابع <math>f</math> در نقطه <math>x=0</math> پیوسته است. <math>(0/25)</math></p> $f'(0) = 3 \quad (0/5) \rightarrow a = 3 \quad (0/25)$ $f'(0) = a \quad (0/5)$ <p>صفحه: ۹۱</p>																				
۱۱	$f'(x) = \frac{9(x+1) - 1(9x-2)}{(x+1)^2} \quad (0/5)$ $2 \sqrt{\frac{9x-2}{x+1}} \quad (0/25)$ <p>صفحه: ۸۸</p>																				
۱۲	$\frac{\Delta f}{\Delta t} = \frac{f(5) - f(0)}{5 - 0} = \frac{30 - 10}{5} = 4 \quad (0/25)$ $f'(t) = 2t - 1 \quad (0/25) \rightarrow f'(2) = 2(2) - 1 = 3 \quad (0/25)$ <p>صفحه: ۱۰۰</p>																				
۱۳	$f'(x) = x^2 - 2x - 3 = 0 \quad (0/5) \quad x = 3, x = -1 \quad (0/5)$ <table border="1" style="margin: 10px auto;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td></td> <td>-1</td> <td></td> <td>3</td> <td></td> </tr> <tr> <td><math>f'</math></td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td><math>f</math></td> <td></td> <td><math>\frac{1}{3}</math> max</td> <td></td> <td><math>-\frac{25}{3}</math> min</td> <td></td> </tr> </table> <p>تکمیل جدول (۱) نمره</p> <p>صفحه: ۱۱۲</p>			$x$		-1		3		$f'$	+	0	-	0	+	$f$		$\frac{1}{3}$ max		$-\frac{25}{3}$ min	
$x$		-1		3																	
$f'$	+	0	-	0	+																
$f$		$\frac{1}{3}$ max		$-\frac{25}{3}$ min																	
۱۴	$p = xy = 5x^2 - 10x \quad (0/5) \rightarrow p'(x) = 0 \quad (0/25) \rightarrow 10x - 10 = 0 \quad (0/25) \rightarrow \begin{matrix} x=1 \\ y=-5 \end{matrix} \quad (0/5)$ <p>صفحه: ۱۲۰</p>																				



باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۵	<p>(الف)</p> $a = 5, b = 4 \rightarrow c^2 = 25 - 16 \rightarrow c = 3 \rightarrow A'F = 8$ <p>(ب)</p> $S_{\Delta} = \frac{1}{2} (5 + 3) \times 4 = 16$ <p>صفحه: ۱۲۹</p>	۰/۵
۱۶	$r = \frac{ 3 \times 0 - 4(3) - 3 }{\sqrt{3^2 + (-4)^2}} = 3 \Rightarrow (x-0)^2 + (y-3)^2 = 9$ <p>صفحه: ۱۳۹</p>	۱
۱۷	$P(A) = P(B)P(A B) + P(B_c)P(A B_c)$ $P(A) = \frac{6}{10} \times \frac{6}{13} + \frac{4}{10} \times \frac{5}{13} = \frac{56}{130}$ <p>حل به روش نمودار درختی نمره کامل تعلق گیرد.</p> <p>صفحه: ۱۴۸</p>	۲
۲۰	"در نهایت، نظر همکاران محترم صائب است"	